

ENPC – MOPSI

Notions de structures de données

Renaud Marlet
Laboratoire LIGM-IMAGINE

<http://imagine.enpc.fr/~marletr>

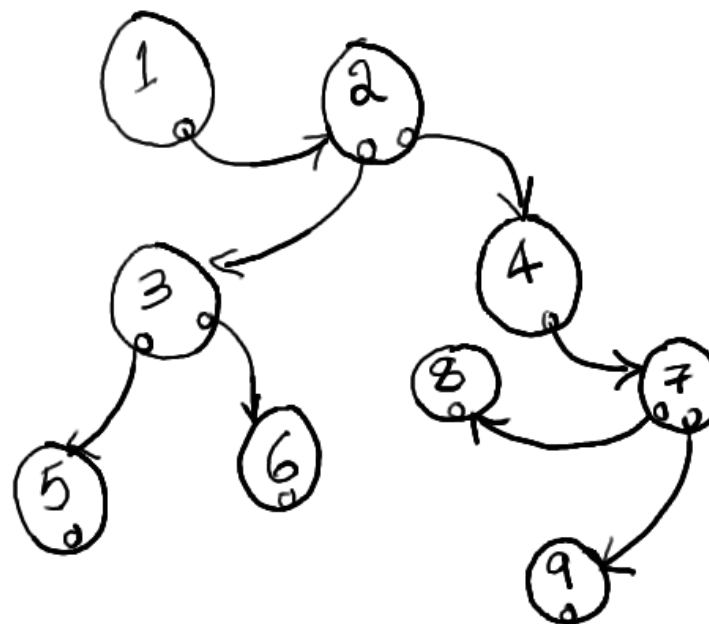
Structure de données

- Organisation de l'information

- structure logique
- moyens d'accès

- Exemples :

- tableau
- vecteur, matrice
- liste, file, pile
- arbre, graphe
- table de hachage, ...



Pas d'informatique sans structures de données

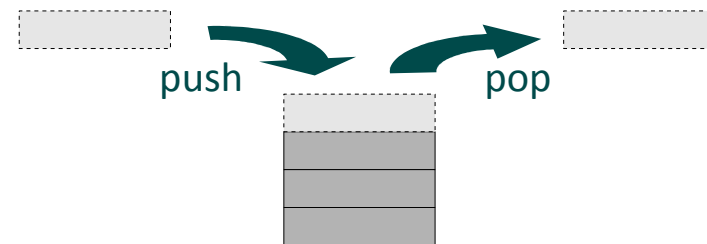
- Omniprésent
 - derrière presque tout ce qui est discret (vs continu) ou tout ce qui est composite
 - simulations et calculs complexes
 - ex. physique (maillages...)
 - ex. finance (réseaux bayésiens...)
- Aspects théoriques
 - complexité : pire cas, en moyenne...
- Aspects pratiques
 - bibliothèques logicielles : STL, Imagine++, Boost, Eigen...



Type abstrait : données + opérations

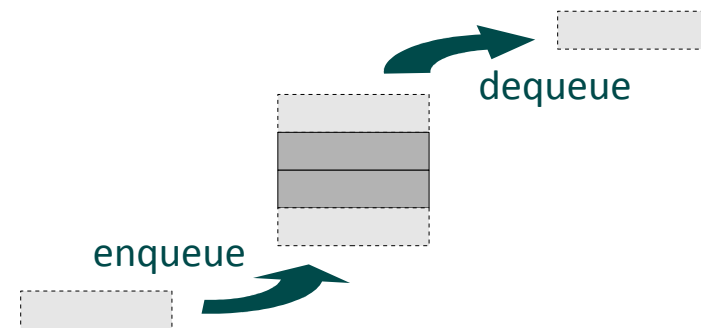
- Exemple 1 : pile (stack) [Last In First Out, LIFO]

- vide?
- empiler (push)
- dépiler (pop)



- Exemple 2 : file (queue) [First In First Out, FIFO]

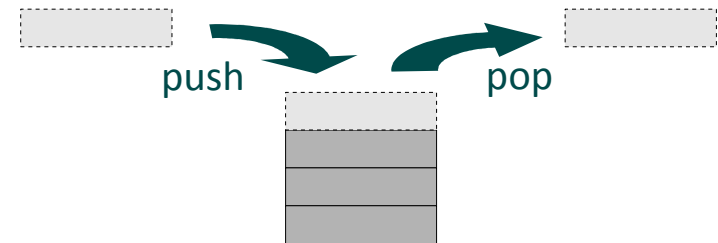
- vide?
- ajouter (enqueue)
- extraire (dequeue)



Type abstrait : données + opérations

- Implémentation avec langage orienté objet : classe
 - données : champs/variables d'instance (+ allocations)
 - opérations : méthodes/fonctions membres

- Exemple : pile (stack)



- les données :
 - valeurs rangées par ordre d'arrivée, p.ex. stockées dans un tableau
- les opérations :
 - accès aux données via des fonctions `isEmpty()`, `push(val)`, `pop()`

Exemple d'implémentation (simple) d'une pile d'entiers

```
class stack {
    int elem[20];
    int level;
public:
    bool isEmpty() { return level == 0; }
    void push(int i) { elem[level++] = i; }
    int pop() { return elem[--level]; }
};

int main() { // Exemple d'usage
    stack s;
    s.push(1);
    s.push(2);
    cout << s.pop() <<" " << s.pop() << endl;
    // Affiche : 2 1
```

Exemple d'implémentation (simple)

```
class stack {
    int elem[20];
    int level;
public:
    bool isEmpty() { return level == 0; }
    void push(int i) { elem[level++] = i; }
    int pop() { return elem[--level]; }
};

int main() { // Exemple d'usage
    stack s;
    s.push(1);
    s.push(2);
    cout << s.pop() <<" " << s.pop() << endl;
    // Affiche : 2 1
```

Quels sont les défauts ?
(au moins 4)

Exemple d'implémentation (simple)

```
class stack {  
    int elem[20]; // taille fixe  
    int level; // pas initialisé  
public:  
    bool isEmpty() { return level == 0; }  
    void push(int i) { elem[level++] = i; } // overflow  
    int pop() { return elem[--level]; } // underflow  
};
```

```
int main() { // Exemple d'usage  
    stack s;  
    s.push(1);  
    s.push(2);  
    cout << s.pop() <<" " << s.pop() << endl;  
    // Affiche : 2 1
```

Quels sont les défauts ?
(au moins 4)

Exemple d'implémentation (simple)

```
class stack {
    int elem[20]; // taille fixe
    int level; // pas initialisé
public:
    bool isEmpty() { return level == 0; }
    void push(int i) { elem[level++] = i; } // overflow
    int pop() { return elem[--level]; } // underflow
};
```

```
int main() { // Exemple d'usage
    stack s;
    s.push(1);
    s.push(2);
    cout << s.pop() <<" " << s.pop() << endl;
    // Affiche : 2 1
```

Comment les corriger ?

Exemple d'implémentation (simple)

```
class stack {
    int elem[20]; // taille fixe → allocation + redimensionnement dynamiques
    int level; // pas initialisé → initialisation (p. ex. dans un constructeur)
public:
    bool isEmpty() { return level == 0; }
    void push(int i) { elem[level++] = i; } // overflow → resize
    int pop() { return elem[--level]; } // underflow → tester
}; // + ajout d'un destructeur pour libérer la mémoire dynamique

int main() { // Exemple d'usage
    stack s;
    s.push(1);
    s.push(2);
    cout << s.pop() <<" " << s.pop() << endl;
    // Affiche : 2 1
}
```

Comment les corriger ?

Exemple d'implémentation (robuste, plus complète, plus sûre)

```
class stack {
    int *elem;
    int level, size;
public:
    stack() : level(0), size(20) { elem = new int[size]; }
    ~stack() { delete[] elem; }
    bool isEmpty() { return level == 0; }
    void push(int i) {
        if (level == size) { // Redimensionner si la pile est pleine :
            int newSize = size + 10; // Augmenter la taille
            int *newElem = new int[newSize]; // Allouer plus grand
            for (int j=0; j < size; j++) // Copier l'ancienne mémoire
                newElem[j]=elem[j]; // dans la nouvelle
            delete[] elem; // Libérer l'ancienne mémoire
            size = newSize; // Mettre à jour la taille
            elem = newElem; } // Utiliser la nouvelle mém.
        elem[level++] = i; } // Toujours de la place pour empiler
    int pop() {
        if (level == 0) return 0; // Rend une valeur par défaut si pile vide
        return elem[--level]; } // Jamais d'accès hors du tableau
};
```

En résumé

- Constructeur
 - pensez à toutes les initialisations
- Destructeur
 - avec destruction récursive éventuelle des contenus
- Tests de débordement
 - supérieurs (overflow), inférieurs (underflow)
- Gestion des cas d'erreur

Parenthèse sur la gestion des cas d'erreur

- Taille/complexité croissante des systèmes
[mesure courante : “(source) lines of code” = (S)LOC → KLOC, MLOC...]
 - noyau Linux : 5 MLOC (2003), 16 MLOC (2012)
 - distribution Debian : 55 MLOC (2000), 324 MLOC (2009)
- **Pas de programme sans erreur** Attention, estimation très grossière !
 - programme « ordinaire » : ≈ 1 erreur pour 100 LOC
 - davantage encore pour de gros programmes, plus complexes
 - navette spatiale US (à bord) : 1 erreur pour 420.000 LOC
- Les erreurs sont la norme, **il faut savoir les gérer**
 - Ariane 5 : 10 ans de travail, 1 milliard €, crash au premier lancement (1996) pour une gestion d'erreur non activée

Qu'est-ce qu'une erreur ?

- Terminologie IEEE
 - **anomalie** : toute chose qui dévie de ce qui est prévu
 - **bogue** : faute qui cause un comportement non voulu ou non anticipé
 - **erreur** : écart entre une valeur calculée/observée et sa valeur théorique ; souvent aussi synonyme de faute
 - **faute** : ensemble d'instructions incorrectes qui cause un comportement non voulu ou non anticipé
- Mais dans l'usage, les termes restent flous/ambigus

Erreur manifeste vs erreur silencieuse

- Erreur manifeste « incompatible » avec l'exécution
 - ex. déréréférence d'un pointeur nul, accès à zone interdite
 - effet : segmentation fault (segfault, bus error...)
 - fin brutale de l'exécution
 - données en cours de traitement perdues
- Erreur silencieuse « compatible » avec l'exécution
 - ex. lire/écrire hors des limites d'un tableau si zone permise
 - le programme continue avec une valeur aberrante
 - il se plante/trompe plus loin → bogue très difficile à trouver
- Observable (ou non) : pas de résultat, résultat faux

Stratégies de gestion d'erreur

(forme de tolérance aux fautes)

- Détection explicite de cas d'anomalie
 - cela suppose qu'on a une idée de ce qui est attendu
 - plage de valeurs, type d'objet, cohérence entre valeurs...
 - exhaustivité impossible, et peu souhaitable (risques d'erreur dans la gestion d'erreur !) → limiter à cas plausibles
 - rattrapage de cas d'erreur génériques
- Réactions
 - signalement ou non, à qui ?
 - poursuite de l'exécution avec valeur plausible (par défaut)
 - poursuite de l'exécution avec traitement spécial alternatif
 - ou arrêt de l'exécution

Traitement simple : détecter, avertir, sauvegarder, terminer

```
int pop()
{
    if (level <= 0) { // Error condition
        cout << "Trying to pop from empty stack" << endl;
        savePreciousData();
        exit(17);      // Error code for popping from empty stack
    }
    return elem[--level] ;
}
```

- message spécifique à l'erreur
- sauvegarde éventuelle des données importantes
- terminaison propre
- diagnostic possible à l'extérieur du programme

Quelles sont les limitations ?

Traitement simple :

détection, avertir, sauvegarder, terminer

```
int pop()
{
    if (level <= 0) { // Error condition
        cout << "Trying to pop from empty stack" << endl;
        savePreciousData();
        exit(17);      // Error code for popping from empty stack
    }
    return elem[--level] ;
}
```

- message spécifique à l'erreur, mais lecteur = développeur de stack, utilisateur de stack ou utilisateur final ?
- sauvegarde éventuelle des données importantes, mais souvent pas accessibles depuis stack, ni même connues
- terminaison propre, mais brutale
- diagnostic possible à l'extérieur du programme mais difficile

Messages d'erreur

- À l'attention d'un utilisateur interne (développeur)
 - canal de sortie spécifique pour erreurs : `cerr` (\neq `cout`)

```
cerr << "Trying to pop from empty stack" << endl;
```
 - écriture dans des fichiers de log
 - log = journal de bord (toutes activités, pas seulement les erreurs)
- À l'attention d'un utilisateur final
 - boîtes de dialogue
- Penser à l'internationalisation :
 - développeur \rightarrow anglais | utilisateur final \rightarrow choix de langue
 - templates avec trous, spécifiques à chaque langue

Terminer proprement

- Terminaison « propre »
 - fermeture des fichiers ouverts (au moins un flush)
 - effacement des fichiers temporaires
 - contrôle rendu à l'environnement hôte
- `void exit(int status)`

```
#include <stdlib.h>
...
exit(1);
```

 - le statut permet un diagnostic en dehors du programme
 - 0 ou `EXIT_SUCCESS` : exécution réussie
 - 1 ou `EXIT_FAILURE` : échec en cours d'exécution
 - toute valeur différente de 0 : différentes formes/raisons d'échec

Garantir de terminer gracieusement

- `int atexit (void (*function) (void))`

```
#include <stdlib.h>
void cleanUp1 (void) { cout << "Doing cleanup 1"; ... }
void cleanUp2 (void) { cout << "Doing cleanup 2"; ... }
int main ()
{
    atexit (cleanUp1);
    atexit (cleanUp2);
    cout << "Doing main work"; ...
    return 0;
}
```

- Appel (en ordre inverse) des fonctions enregistrées
 - Doing main work, Doing cleanup 2, Doing cleanup 1

Assertion :

Gestion d'erreur conditionnelle

```
#include <assert.h>
...
assert(level > 0);      // invariant: condition à satisfaire
return elem[--level];
```

- En phase de mise au point
 - condition toujours testée : plus sûr, mais plus lent
 - en cas d'insatisfaction, message et terminaison (brutale)
 - assertion failed: *expression*, file *filename*, line *line number*
- Une fois le code mis au point (ex. à la livraison)
 - élimination des tests : pas sûr, mais plus rapide
 - #define NDEBUG avant l'inclusion de assert.h
 - ligne de commande du compilateur : /DNDEBUG, -DNDEBUG

Traitement simple : détecter, avertir, sauvegarder, terminer

```
int pop()
{
    if (level <= 0) { // Error condition
        cout << "Trying to pop from empty stack" << endl;
        savePreciousData();
        exit(17);      // Error code for popping from empty stack
    }
    return elem[--level] ;
}
```

- message spécifique à l'erreur, mais lecteur = développeur de stack, utilisateur de stack ou utilisateur final ?
 - sauvegarde éventuelle des données importantes, mais souvent pas accessibles depuis stack, ni même connues
- ☞ Meilleure situation dans l'appelant (plus de contexte, accès aux données) → y faire là le traitement d'erreur

Mécanismes de signalement d'erreur et rattrapage associé

- Retour d'une valeur impossible
 - peut être testée et un comportement approprié choisi
- Positionnement d'une variable spécifique
 - peut être testée et un comportement approprié choisi
- Retour d'une valeur par défaut (forme de rattrapage)
 - l'exécution continue (en croisant les doigts)
- Levée d'une exception
 - l'exception est rattrapée par qui sait la traiter
- Envoi d'un signal (y compris ex. segfault) et rattrapage

Signalement et rattrapage d'erreur : retour d'une valeur impossible

- [C] `char *strchr (char* str, int ch) // search character`
 - retourne pointeur nul si caractère non trouvé
- [Java] `int indexOf(int ch)`
 - retourne -1 si caractère non trouvé
- [C++] `size_t string::find (char c, size_t pos = 0)`
 - retourne plus grande valeur de `size_t` si caractère non trouvé
- [C++] `iterator set::find (key_type &x)`
 - retourne `set::end` si non trouvé (itérateur vers dernier élément)
- À tester après l'appel

```
it = s.find(x);
if (it != s.end()) { ... }
```

Signalement et rattrapage d'erreur : positionnement d'une variable

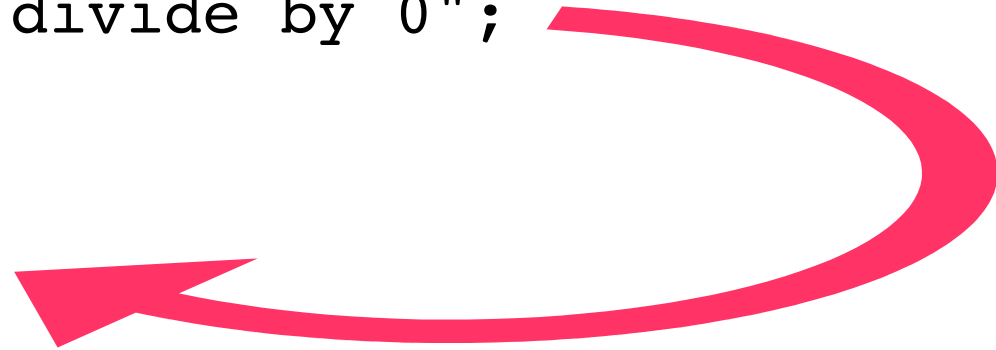
- double sqrt (double x)
 - si $x < 0.0$, positionne `errno` à une valeur $\neq 0$ (EDOM, ERANGE)
- FILE* fopen(char* filename, char* mode)
 - en cas d'échec, positionne la variable `errno`:
 - EACCES: Permission denied
 - EINVACC: Invalid access mode
 - EMFILE: No file handle available
 - ENOENT: File or path not found
- À tester **immédiatement** après l'appel

```
#include <error.h>
y = sqrt(x);
if (errno != 0) ...
```

 - valeurs possibles de `errno` : cf. `error.h` (~100 valeurs)

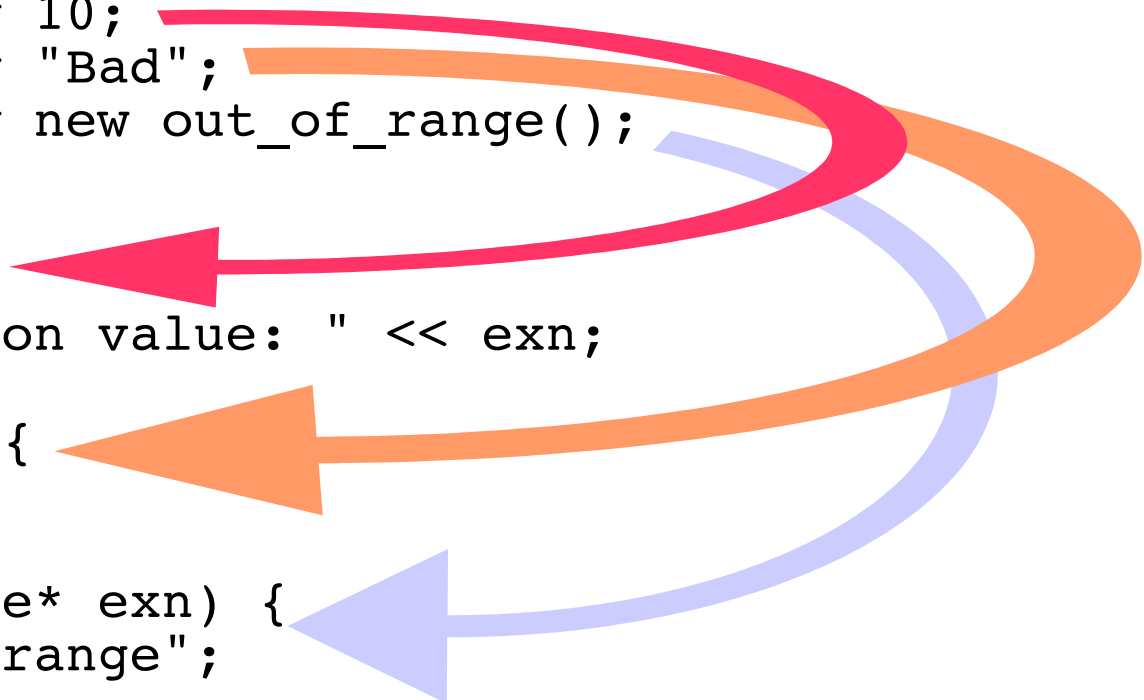
Signalement et rattrapage d'erreur : levée/rattrapage d'exception

```
try
{
    if (x == 0)
        throw "Cannot divide by 0";
    y = 1/x;
    ...
}
catch (char* exn)
{
    // Garder une trace de l'erreur
    cerr << exn << endl;
    // Utiliser la plus grande valeur possible (~infinity)
    y = FLT_MAX;
}
// Exécuté dans tous les cas
z = 1+y/3.0;
...
```



Signalement et rattrapage d'erreur : rattrapage d'exception par type

```
try {
    if (cond1) throw 10;
    if (cond2) throw "Bad";
    if (cond3) throw new out_of_range();
    ...
}
catch (int exn) {
    cout << "Exception value: " << exn;
}
catch (char* exn) {
    cout << exn;
}
catch (out_of_range* exn) {
    cout << "Out of range";
}
catch (exception* exn) { // Subtyping
    cout << "Some exception occurred";
}
catch (...) { // In all other cases...
    cout << "Something wrong happened";
}
```

The diagram consists of three curved arrows pointing from the right side of the code to the corresponding catch blocks. A red arrow points from the 'throw 10;' line to the 'catch (int exn)' block. An orange arrow points from the 'throw "Bad";' line to the 'catch (char* exn)' block. A light blue arrow points from the 'throw new out_of_range();' line to the 'catch (out_of_range* exn)' block.

Signalement et rattrapage d'erreur : hiérarchie d'exceptions (ex. STL)

```
class exception {  
public:  
    exception () throw();  
    exception (const exception&) throw();  
    exception& operator= (const exception&) throw();  
    virtual ~exception() throw();  
    virtual const char* what() const throw();  
}
```

// Définies par **#include <stdexcept>** :

```
class logic_error : public exception {  
public:  
    explicit logic_error (const string& what_arg);  
};
```

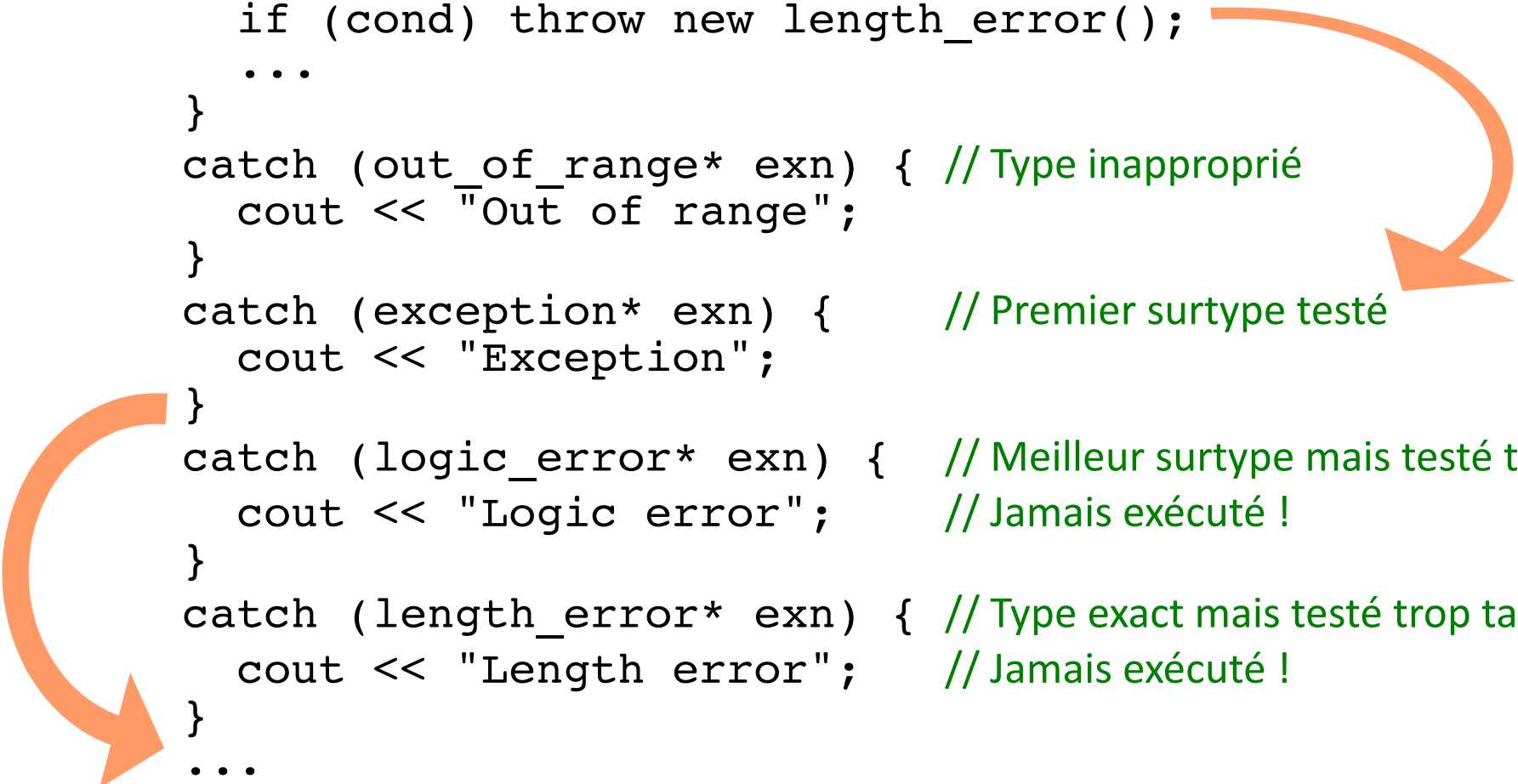
```
class out_of_range : public logic_error {  
public:  
    explicit out_of_range (const string& what_arg);  
};
```

Signalement et rattrapage d'erreur : hiérarchie d'exceptions (ex. STL)

- Exception **logic_error** et sous-classes
 - utilisées pour signaler des erreurs indépendantes des entrées de l'utilisateur, liées à la logique du programme : violation de préconditions, d'invariants...
 - **domain_error**, **invalid_argument**, **length_error**, **out_of_range**, **future_error** (pour les threads)
- Exception **runtime_error** et sous-classes
 - utilisées pour signaler des erreurs causées par les entrées de l'utilisateur, détectable seulement lors d'une exécution
 - **range_error**, **overflow_error**, **underflow_error**, **system_error**

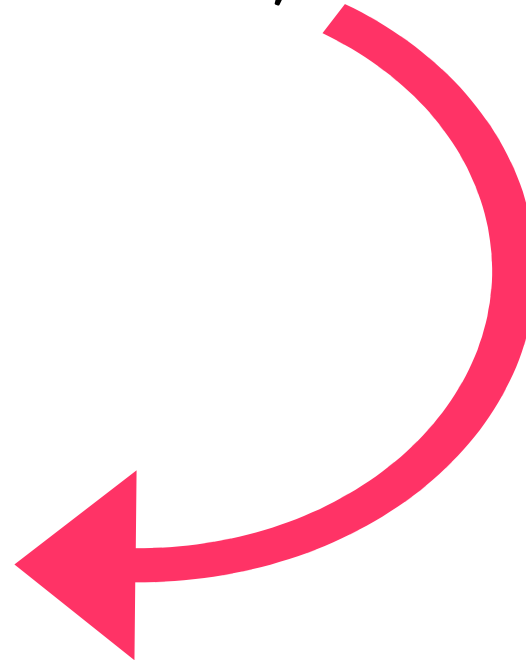
Signalement et rattrapage d'erreur : rattrapage d'exception par (sous-)type

```
// Hiérarchie de classe :  
//  out_of_range, length_error < logic_error < exception  
  
try {  
    if (cond) throw new length_error();  
    ...  
}  
catch (out_of_range* exn) { // Type inapproprié  
    cout << "Out of range";  
}  
catch (exception* exn) { // Premier surtype testé  
    cout << "Exception";  
}  
catch (logic_error* exn) { // Meilleur surtype mais testé trop tard  
    cout << "Logic error"; // Jamais exécuté !  
}  
catch (length_error* exn) { // Type exact mais testé trop tard  
    cout << "Length error"; // Jamais exécuté !  
}  
...  
}
```



Signalement et rattrapage d'erreur : exceptions emboîtées intraprocédurales

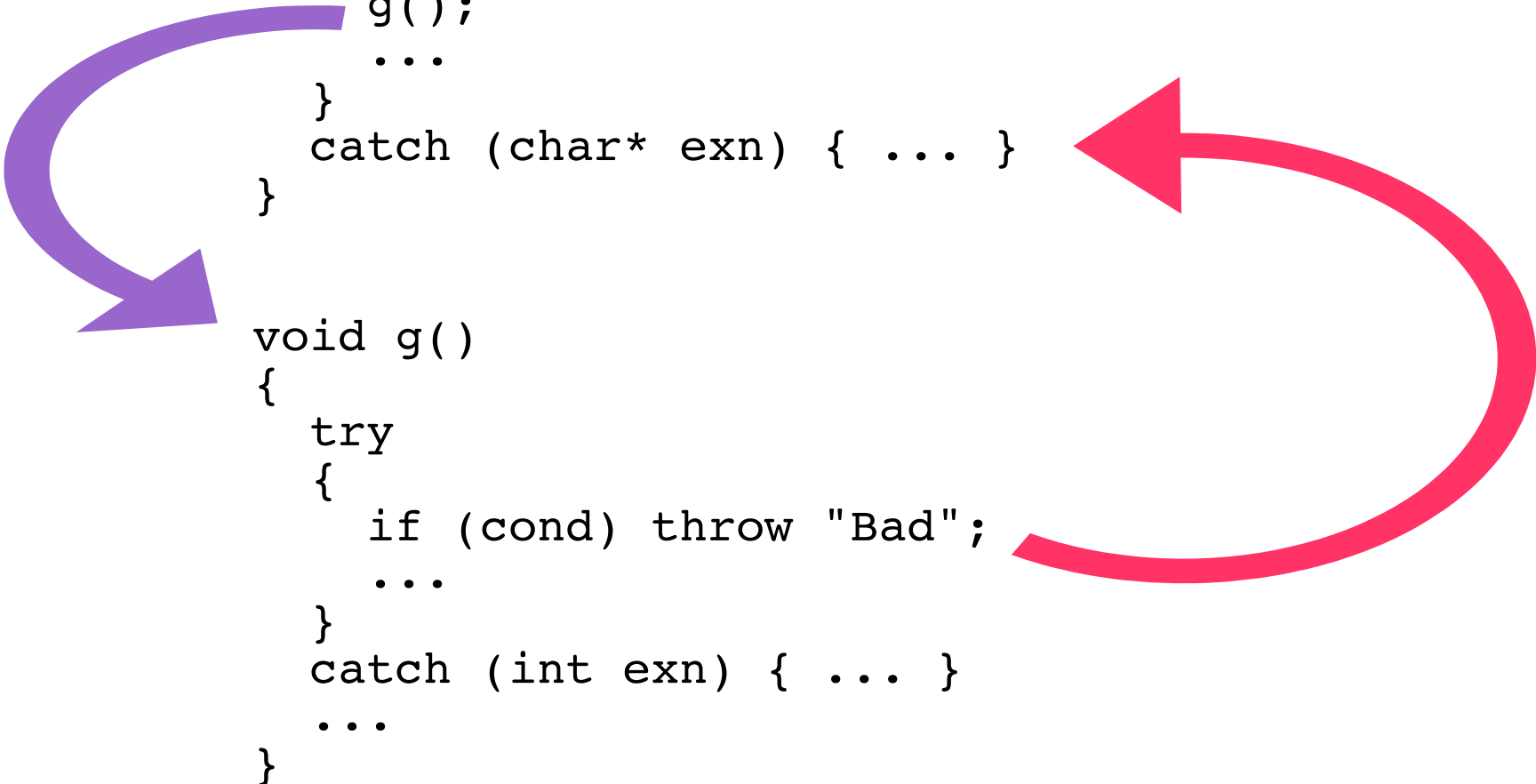
```
try
{
    try
    {
        if (cond) throw "Bad";
        ...
    }
    catch (int exn)
    {
        ...
    }
    ...
}
catch (char* exn)
{
    ...
}
```



Signalement et rattrapage d'erreur : exceptions emboîtées interprocédurales

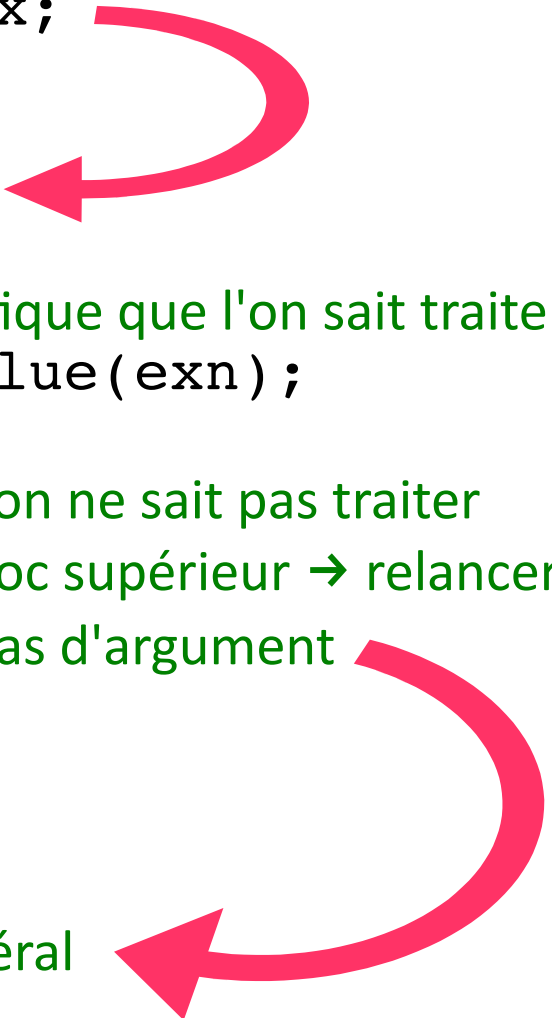
```
void f()  
{  
  try  
  {  
    ...  
    g();  
    ...  
  }  
  catch (char* exn) { ... }  
}
```

```
void g()  
{  
  try  
  {  
    if (cond) throw "Bad";  
    ...  
  }  
  catch (int exn) { ... }  
  ...  
}
```



Signalement et rattrapage d'erreur : exception relancée


```
try {
  try {
    if (cond) throw x;
    ...
  }
  catch (int exn) {
    if (exn <= 5)
      // Cas d'erreur spécifique que l'on sait traiter
      y = restart_value(exn);
    else
      // Cas d'erreur que l'on ne sait pas traiter
      // À traiter dans le bloc supérieur → relancer l'exception
      throw; // Note : pas d'argument
  }
  ...
}
catch (int exn) {
  // Traitement d'erreur général
  ...
}
```



Ex. gestion des accès aux éléments de vecteurs avec la STL

- Sans vérification d'index: **`v[i]`**
 - même comportement « arbitraire » qu'avec un tableau `t[i]`
- Avec vérification d'index: **`v.at(i)`**
 - levée d'exception : `out_of_range`

```
vector<int> myvector(10);  
try {  
    myvector.at(15)=20;  
    ...  
}  
catch (out_of_range &exn) {  
    cerr << "Out of range: "  
        << exn.what() << endl; // message associé  
}  
//Ex. avec g++, cela affiche: "Out of range: vector::_M_range_check"
```



Mieux vaut prévenir que guérir

- Rendre une opération inaccessible lorsqu'elle est impossible
 - ex. faire en sorte que `pop ()` ne soit jamais appelé quand la pile est vide : toujours tester `isEmpty ()` auparavant
- À tous les niveaux (développeur à utilisateur final)
 - ex. boutons grisés dans barre d'outils et menus
- Robustesse améliorée mais pas garantie
 - la fonction `pop ()` reste mécaniquement accessible même lorsque la pile est vide
- ☞ Tjs prévoir le pire cas : rattraper/relancer à haut niveau

Retour à la pile :

Exemple d'implémentation (plus simple)

```
class stack {
    vector<int> v; // Pour pouvoir agrandir la taille facilement
    int level;
public:
    stack() : v(20), level(0) {}
    // Pas de destructeur explicite nécessaire
    bool isEmpty() { return level == 0; }
    void push(int i) {
        if (level == v.size()) v.resize(v.size()+10);
        v[level++] = i;
    }
    int pop() {
        if (level == 0) throw new length_error("Empty stack");
        return v[--level];
    }
};
```

Retour à la pile :

Exemple d'implémentation (plus simple)

```
class stack {
    vector<int> v; // Pour pouvoir agrandir la taille facilement
    int level;
public:
    stack() : v(20), level(0) {}
    // Pas de destructeur explicite nécessaire
    bool isEmpty() { return level == 0; }
    void push(int i) {
        if (level == v.size()) v.resize(v.size()+10);
        v[level++] = i;
    }
    int pop() {
        if (level == 0) throw new length_error("Empty stack");
        return v[--level];
    }
};
```

Comment améliorer encore ?

Paramétrage, valeurs par défaut

```
template <typename T>
class stack {
    vector<T> v;
    int level;
public:
    stack(int size = 20) : v(size), level(0) {}
    // Pas de destructeur explicite nécessaire
    bool isEmpty() { return level == 0; }
    void push(T x) {
        if (level == v.size()) v.resize(v.size()+10);
        v[level++] = x;
    }
    T pop() {
        if (level == 0) throw new length_error("Empty stack");
        return v[--level];
    }
};
```

Paramétrage, valeurs par défaut

```
template <typename T>
class stack {
    vector<T> v;
    int level;
public:
    stack(int size = 20) : v(size), level(0) {}
    // Pas de destructeur explicite nécessaire
    bool isEmpty() { return level == 0; }
    void push(T x) {
        if (level == v.size()) v.resize(v.size()+10);
        v[level++] = x;
    }
    T pop() {
        if (level == 0) throw new length_error("Empty stack");
        return v[--level];
    }
};
```

Comment améliorer encore ?

Paramétrage, valeurs par défaut

```
template <typename T, int initSize = 20, int resizeStep = 10>
class stack {
    vector<T> v;
    int level;
public:
    stack(int size = initSize) : v(size), level(0) {}
    // Pas de destructeur explicite nécessaire
    bool isEmpty() { return level == 0; }
    void push(T x) {
        if (level == v.size()) v.resize(v.size()+resizeStep);
        v[level++] = x;
    }
    T pop() {
        if (level == 0) throw new length_error("Empty stack");
        return v[--level];
    }
};
```

Structure de données paramétrée

- Type : objet composite → type des données élément.
 - template [en français « patron »] avec argument
- Taille des conteneurs
 - tailles initiales, paramètres d'adaptation
 - impact sur le temps d'exécution, pas sur les résultats
- Valeurs par défaut
 - cas courants sans besoin d'optimisation particuliers
- Spécialisations éventuelles
 - ex. vecteur de bool stockés de manière dense

Spécialisation de template en C++

- Définition générique

```
template <typename T> class vector {  
    T* vec_data;    // Tableau pour stocker les éléments  
    int vec_size ; // Taille du tableau (variable)  
    int length; ... // Nombre d'éléments dans le vecteur
```

- vector<bool> v(100) : 100 mots mémoire de 64 (ou 32) bits

- Définition spécifique

```
template <> class vector<bool> {  
    unsigned int *vec_data; // Tableau de bits  
    int vec_size ;          // Taille du tableau  
    int length; ...        // Nombre de bits
```

- vector<bool> v(100) : 2 (ou 4) mots mémoire

Type abstrait

- Principe de l'encapsulation (information hiding)
 - interface : opaque, minimale
 - déclaration uniquement de ce qui a besoin d'être public
 - implémentation : complexe, optimisée...
 - organisation en mémoire et traitements
- Avantages
 - modification de l'implémentation sans impact sur le reste du code (programme qui utilise le type abstrait)
 - ex. remplacement de tableau par vector dans stack
 - ni réécriture, ni même recompilation suivant les langages (inutile en Java , parfois nécessaire en C++)

Type abstrait `en C++`

- Principe de l'encapsulation (information hiding)
 - interface : opaque, minimale `fichier.h`
 - déclaration uniquement de ce qui a besoin d'être public
 - implémentation : complexe, optimisée... `fichier.cpp`
 - organisation en mémoire et traitements
- Avantages
 - modification de l'implémentation sans impact sur le reste du code (programme qui utilise le type abstrait)
 - ex. remplacement de tableau par vector dans stack
 - ni réécriture, ni même recompilation suivant les langages (inutile en Java , parfois nécessaire en C++)

Interface : intstack.h

```
class intstack {  
private:  
    vector<int> v;  
    int level;  
public:  
    stack(int size = 20);  
    bool isEmpty();  
    void push(int x);  
    int pop();  
};
```

Idéalement à cacher complètement, mais pas facile à masquer en C++. Mais au moins, c'est inaccessible.

Partie visible
pour les utilisateurs
de la structure de données

Implémentation : intstack.cpp

```
stack(int size) : v(size), level(0) {}  
  
bool isEmpty() { return level == 0; }  
  
void push(int x)  
{  
    if (level == v.size()) v.resize(v.size()+10);  
    v[level++] = x;  
}  
  
int pop()  
{  
    if (level == 0) throw new length_error("Empty stack");  
    return v[--level];  
}
```

Partie **invisible**
pour les utilisateurs
de la structure
de données

Interface : stack.h

```
template <typename T>
```

```
class stack {
```

```
private:
```

```
    vector<T> v;
```

```
    int level;
```

Idéalement à cacher complètement, mais pas facile à masquer en C++. Mais au moins, c'est inaccessible.

```
public:
```

```
    stack(int size = 20);
```

```
    bool isEmpty();
```

```
    void push(T x);
```

```
    T pop();
```

```
};
```

Partie visible
pour les utilisateurs
de la structure de données

Implémentation : stack.h aussi ! (à cause des templates)

```
template <typename T>
stack<T>::stack(int size) : v(size), level(0) {}
```

```
template <typename T>
bool stack<T>::isEmpty() { return level == 0; }
```

```
template <typename T>
void stack<T>::push(T x) {
    if (level == v.size()) v.resize(v.size()+10);
    v[level++] = x;
}
```

```
template <typename T>
T stack<T>::pop() {
    if (level == 0) throw new length_error("Empty stack");
    return v[--level];
}
```

Partie **malheureusement visible**
pour les utilisateurs
de la structure de données

Compilation séparée avec des templates

- Compilation des templates (paramétrés)

- fichier stackUsage.cpp

```
#include "stack.cpp"
template class stack<int>;
template class stack< stack<int> >;
```

- Usage dans un programme (ex. main.cpp)

```
#include "stack.h"
stack<int> s;
```

- Édition de liens

- main.cpp stackUsage.cpp

Pas beau, mais mieux que rien

Type abstrait `en C++`

- Principe de l'encapsulation (information hiding)

- interface : opaque, minimale

`fichier.h`

- déclaration uniquement de ce qui a besoin d'être public

- implémentation : complexe, optimisée...

`fichier.cpp`

- organisation en mémoire et traitements

`ou .h si template`

- Avantages

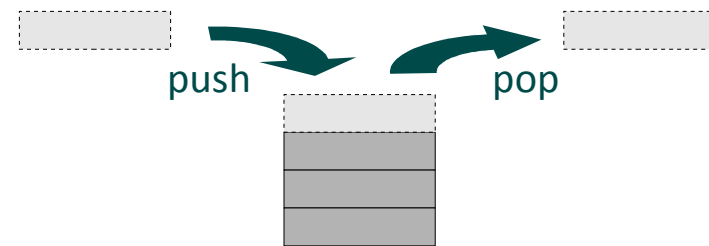
- modification de l'implémentation sans impact sur le reste du code : ni réécriture, ni recompilation (excepté si templates)

C++ est très mauvais pour définir des types abstraits (comparer à Objective C, Java...)

Il n'y a pas *une* vérité : il existe toujours *des* variantes

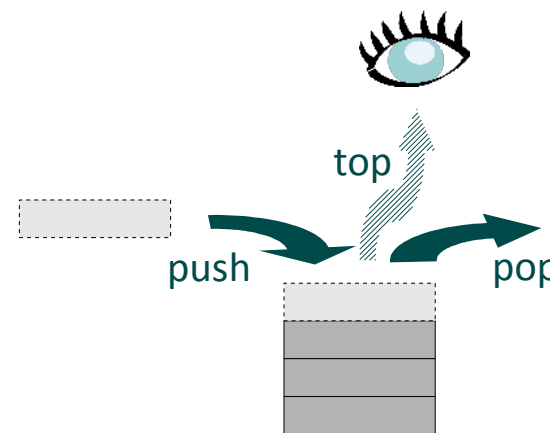
- Exemple de pile 1 :

```
bool isEmpty();  
void push(T x);  
T pop();
```



- Exemple de pile 2 :

```
bool isEmpty();  
void push(T x);  
T top();  
void pop();
```



Exemple d'implémentation (encore plus simple)

```
template <typename T>
class stack {
    vector<T> v;
public:
    bool isEmpty() { v.empty(); }
    void push(T x) { v.push_back(x); }
    T    top() { return v.back(); }
    void pop() { v.pop_back(); }
};
```

Exemple d'implémentation (il n'y a pas plus simple !)

```
#include <stack>
```

Moralité

- Chercher d'abord si la structure de données est prédéfinie dans une bibliothèque (STL...)
 - 99% de chance qu'une bibliothèque existe déjà !
- Mais attention, les implémentations peuvent différer :
 - efficacité, facilité d'utilisation, portage, gestion d'erreur...
 - ex. overflow et underflow non signalées par la STL
sauf certaines fonctions, ex. `v.at(i)` plutôt que `v[i]`
- Si implémentation par soi-même
 - faire une interface minimale (extension a posteriori facile)
 - concevoir la gestion d'erreur et la documenter